

# 目 次

<b>第 1 章 磁気流体力学波</b>	<b>5</b>
1.1 基礎方程式 . . . . .	5
1.2 保存形式 . . . . .	7
1.3 線形波 . . . . .	8
1.4 非線形効果 . . . . .	12
1.5 波の固有ベクトル . . . . .	13
<b>第 2 章 差分法の基礎</b>	<b>17</b>
2.1 差分近似 . . . . .	17
2.2 線形スカラー移流方程式の差分解法 . . . . .	19
2.2.1 1次元線形スカラー移流方程式 . . . . .	19
2.2.2 FTCS スキーム . . . . .	19
2.2.3 FTCS スキームの数値的安定性 . . . . .	20
2.2.4 Lax-Friedrich のスキーム . . . . .	23
2.2.5 1次精度風上差分法 . . . . .	24
2.2.6 Lax-Wendroff のスキーム . . . . .	27
2.3 保存形表示と数値流束 . . . . .	29
2.4 Burgers 方程式の数値解法 . . . . .	30
2.5 流束制限関数 . . . . .	32
2.6 TVD スキーム . . . . .	34
2.7 放物型方程式の差分解法 . . . . .	35
<b>第 3 章 磁気流体力学方程式に対する近似リーマン解法</b>	<b>39</b>
3.1 基礎方程式 . . . . .	39
3.1.1 MHD 方程式 . . . . .	39
3.1.2 1次元理想 MHD 方程式 . . . . .	40
3.2 近似リーマン解法 . . . . .	41
3.2.1 線形近似リーマン解法 . . . . .	43
3.2.2 HLL 近似リーマン解法 . . . . .	44
3.2.3 HLLD 近似リーマン解法 . . . . .	46
3.3 付録 . . . . .	50
3.3.1 HLL 型近似リーマン解法の正値性の証明 . . . . .	50
3.3.2 HLLD 近似リーマン解法のサンプルプログラム . . . . .	53

<b>第 4 章 CANS を使った磁気流体力学シミュレーション</b>	<b>59</b>
4.1 CANS とは . . . . .	59
4.1.1 天文数値ソフトウェア . . . . .	59
4.1.2 CANS で何ができるか? . . . . .	59
4.1.3 CANS の特徴 . . . . .	59
4.2 CANS を使ってみよう . . . . .	60
4.2.1 動作環境 . . . . .	60
4.2.2 インストールと IDL 設定 . . . . .	60
4.2.3 準備コンパイル . . . . .	61
4.2.4 プログラムの実行 . . . . .	62
4.2.5 IDL による可視化 . . . . .	63
4.3 計算プログラムの解説 . . . . .	64
4.3.1 メインルーチン main.f . . . . .	64
4.3.2 サブルーチン model.f: メッシュ座標・初期条件設定 . . . . .	71
4.3.3 サブルーチン bnd.f: 境界条件 . . . . .	73
<b>第 5 章 実習の手引き (差分法の実習、磁気流体基本課題)</b>	<b>75</b>
5.1 スカラー方程式の差分解法 . . . . .	75
5.1.1 プログラムのコンパイルと実行 (make) . . . . .	75
5.1.2 出力ファイルの説明 (out.dat) . . . . .	76
5.1.3 結果の可視化表示 . . . . .	76
5.1.4 プログラムの変更について . . . . .	77
5.1.5 データのアニメーション表示 (.r anime) . . . . .	79
5.2 差分法の実習課題 . . . . .	85
5.2.1 1 次元波動方程式 . . . . .	85
5.2.2 Burgers 方程式 . . . . .	86
5.2.3 1 次元拡散方程式 . . . . .	86
5.3 CANS 基本課題 . . . . .	87
<b>第 6 章 応用課題例</b>	<b>89</b>
6.1 モーメント法を用いた相対論的輻射流体の数値解法 . . . . .	89
6.1.1 相対論的輻射流体方程式 . . . . .	89
6.1.2 課題 . . . . .	91